

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«КАРАЧАЕВО-ЧЕРКЕССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ  
УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ У.Д. АЛИЕВА»

Физико-математический факультет

УТВЕРЖДАЮ  
И. о. проректора по УР  
М. Х. Чанкаев

«30» апреля 2025г., протокол № 8

Рабочая программа дисциплины

**Дифференциальные уравнения**

*(наименование дисциплины (модуля))*

Направление подготовки

**44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)**

*(шифр, название направления)*

Направленность (профиль) подготовки

**Математика; информатика**

Квалификация выпускника

**бакалавр**

Форма обучения

**Очная/очно-заочная/заочная**

Год начала подготовки - **2023**

Карачаевск, 2025

Составитель: ст. преп. кафедры математического анализа Эфендиев М.Х.

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с ФГОС ВО по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки), утвержденным приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 22.02.2018 №125; образовательной программой высшего образования и учебным планом по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки), направленность (профиль): «Математика; информатика», составленными с учетом требований Методических рекомендаций по подготовке кадров по программам педагогического бакалавриата на основе единых подходов к их структуре и содержанию («Ядро высшего педагогического образования») (одобрено Коллегией Министерства просвещения Российской Федерации 25 ноября 2021 г.); локальными актами КЧГУ

Рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры математического анализа на 2025-2026 учебный год, протокол № 8 от 28.04 2025г.

## ОГЛАВЛЕНИЕ

1. Наименование дисциплины (модуля).....	4
2. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы .....	4
3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы .....	5
4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся.....	5
5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий.....	6
5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах).....	6
6. Основные формы учебной работы и образовательные технологии, используемые при реализации образовательной программы.....	10
7. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю) .....	12
7.1. Индикаторы оценивания сформированности компетенций .....	12
7.2. Перевод балльно-рейтинговых показателей оценки качества подготовки обучающихся в отметки традиционной системы оценивания .....	13
7.3. Типовые контрольные вопросы и задания, необходимые для оценивания сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины .....	13
7.3.1. Примерные вопросы к итоговой аттестации (экзамен).....	13
7.3.2. Тестовый материал для диагностики индикаторов оценивания сформированности компетенций.....	14
8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины. Информационное обеспечение образовательного процесса.....	14
8.1. Основная литература: .....	14
8.2. Дополнительная литература: .....	15
9. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля) .....	15
9.1. Общесистемные требования .....	15
9.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины.....	15
9.3. Необходимый комплект лицензионного программного обеспечения.....	16
9.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы .....	16
10. Особенности организации образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья .....	17
11. Лист регистрации изменений .....	18

## 1. Наименование дисциплины (модуля)

### Дифференциальные уравнения

**Целью** изучения дисциплины является знакомство студентов с основными идеями и конструкциями теории обыкновенных дифференциальных и систем, их геометрическими интерпретациями и приложениями к экономическим и другим прикладным задачам, методами их составления, анализа и численного определения решений, формирования математической культуры мышления, способности к обобщению, анализу, восприятию информации, постановке цели и выбору путей её достижения; освоения основных методов решения, применяемых в решении профессиональных задач и научно-исследовательской деятельности.

**Для достижения цели ставятся задачи:**

- ознакомить студентов с элементами истории становления теории дифференциальных уравнений, основными типами геометрических и физических задач, приводящих к появлению и изучению дифференциальных уравнений;
- сформировать умения и навыки решения дифференциальных уравнения первого порядка разрешенных относительно производной основных типов (с разделяющимися переменными, однородные, линейные, в полных дифференциалах, сводящиеся к перечисленным);
- привести базовый понятийный аппарат теории дифференциальных уравнений и основные методы решения конкретных типов дифференциальных уравнений первого порядка;
- сформировать умения и навыки решения линейных дифференциальных уравнений старших порядков с постоянными коэффициентами;
- освоить основные методы решения линейных дифференциальных уравнений старших порядков с переменными коэффициентами;
- привести примеры возникновения классических типов дифференциальных уравнений с частными производными (уравнение теплопроводности, колебания струны, колебания мембраны);
- дать представление об использовании и применении дифференциальных уравнений и дифференциальных уравнений с частными производными при исследовании простейших математических моделей реальных процессов.

## 2. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Дисциплина «Дифференциальные уравнения» (Б1.О.07.11) относится к блоку – «Блок 1. Дисциплины (модули)», к предметно-методическому модулю I обязательной части

Дисциплина (модуль) изучается в очной форме обучения на 4 курсе в 8 семестре, в очно-заочной форме обучения на 5 курсе в 9 семестре, в заочной форме обучения на 5 курсе

<b>МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОП</b>	
Индекс	Б1.О.07.11
<b>Требования к предварительной подготовке обучающегося:</b>	
Для освоения данной дисциплины необходимы компетенции, сформированные в рамках освоения дисциплин: «Математический анализ» «Алгебра», «Геометрия»	
<b>Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:</b>	
Изучение дисциплины «Дифференциальные уравнения» необходимо для успешного освоения дисциплин «Численные методы решения дифференциальных и интегральных уравнений», «Уравнения с частными производными», «Приближенные методы решения интегральных и дифференциальных уравнений» и др.	

**3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы**

Процесс изучения дисциплины «Дифференциальные уравнения» направлен на формирование следующих компетенций обучающегося:

Код компетенций	Содержание компетенции в соответствии с ФГОС ВО/ ОПВО	Индикаторы достижения компетенций
<b>ПК-1</b>	Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач	ПК-1.1. Знает структуру, состав и дидактические единицы предметной области (преподаваемого предмета). ПК-1.2. Умеет осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС ОО. ПК-1.3. Демонстрирует умение разрабатывать различные формы учебных занятий, применять методы, приемы и технологии обучения, в том числе информационные
<b>ПК-3</b>	Способен формировать развивающую образовательную среду для достижения личностных, предметных и метапредметных результатов обучения средствами преподаваемых учебных предметов	ПК-3.1. Знает способы интеграции учебных предметов для организации развивающей учебной деятельности (исследовательской, проектной, групповой и др.) ПК-3.2. Использует образовательный потенциал социокультурной среды региона в преподавании (предмета по профилю) в учебной и во внеурочной деятельности. ПК-3.3. Владеет способами интеграции учебных предметов для организации развивающей учебной деятельности (исследовательской, проектной, групповой и др.).

**4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся**

Общая трудоемкость (объем) дисциплины (модуля) составляет 4 ЗЕТ, 144 академических часа.

Объём дисциплины	Всего часов		
	Очная форма обучения	Очно-заочная форма обучения	Заочная форма обучения
<b>Общая трудоемкость дисциплины</b>	144		
<b>Контактная работа обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) (всего)</b>			
<b>Аудиторная работа (всего):</b>	60	36	12
в том числе:			

лекции	30	18	6
семинары, практические занятия	30	18	6
практикумы	-	-	-
лабораторные работы	-	-	-
<b>Внеаудиторная работа:</b>			
консультация перед зачетом	-	-	-
Внеаудиторная работа также включает индивидуальную работу обучающихся с преподавателем, групповые, индивидуальные консультации и иные виды учебной деятельности, предусматривающие групповую или индивидуальную работу обучающихся с преподавателем, творческую работу (эссе), рефераты, контрольные работы и др.			
<b>Самостоятельная работа обучающихся (всего)</b>	66	72	123
<b>Контроль самостоятельной работы</b>	18	36	9
<b>Вид промежуточной аттестации обучающегося (зачет / экзамен)</b>	Экзамен	Экзамен	Экзамен

**5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий**

**5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах)**

Очная форма обучения

№ п/п	Курс /семестр	Раздел, тема дисциплины	Общая трудоемкость (в часах)	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоемкость (в часах)				
				Всего 144	Аудиторные уч. занятия			Сам. работа
					Лек.	Пр.	Лаб.	
	4/8	<b>Раздел 1. Уравнения первого порядка, разрешенные относительно производной</b>	<b>42</b>	<b>10</b>	<b>10</b>		<b>22</b>	
1.	4/8	Основные определения теории дифференциальных уравнений. Дифференциальные уравнения первого порядка. Задача Коши и краевые задачи	6	2			4	
2.	4/8	Геометрическая интерпретация дифференциальных уравнений	6		2		4	
3.	4/8	Уравнение с разделенными и разделяющимися переменными	6	2	2		2	
4.	4/8	Однородное уравнение и простейшие уравнения, приводящееся к однородному	8	2	2		4	
5.	4/8	Линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Уравнения, приводящиеся к линейным дифференциальным уравнениям первого порядка	8	2	2		4	

6.	4/8	Уравнение в полных дифференциалах	8	2	2		4
	<b>4/8</b>	<b>Раздел 2. Уравнения первого порядка, не разрешенные относительно производной</b>	<b>22</b>	<b>6</b>	<b>4</b>		<b>12</b>
7.	4/8	Основные понятия и определения. Нахождение особых решений	6	2			4
8.	4/8	Частные случаи уравнений, не разрешенных относительно производной	8	2	2		4
9.	4/8	Уравнения Лагранжа и Клеро. Задача о траекториях	8	2	2		4
10.	<b>4/8</b>	<b>Раздел 3. Уравнения высших порядков</b>	<b>16</b>	<b>2</b>	<b>4</b>		<b>10</b>
11.	4/8	Основные понятия и определения. Интегрируемость в квадратурах	6				6
12.	4/8	Уравнения, допускающие понижения порядка. Уравнения, не содержащие искомой функции. Уравнения, не содержащие независимую переменную. Уравнение, левая часть которого есть точная производная	10	2	4		4
	<b>4/8</b>	<b>Раздел 4. Линейные уравнения высших порядков</b>	<b>46</b>	<b>12</b>	<b>12</b>		<b>22</b>
13.	4/8	Линейные уравнения n-го порядка. Общее решение линейного однородного уравнения.	6	2			4
14.	4/8	Линейные однородные уравнения с постоянными коэффициентами	10	2	4		4
15.	4/8	Линейные неоднородные уравнения с постоянными коэффициентами. Метод вариации произвольных постоянных	8	2	2		4
16.	4/8	Линейные неоднородные уравнения с постоянными коэффициентами с правой частью специального вида	8	2	2		4
17.	4/8	Решение задачи Коши для линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами	8	2	2		4
18.	4/8	Уравнения, приводящиеся к уравнениям с постоянными коэффициентами. Уравнение Эйлера	6	2	2		2
		<b>Контроль</b>	<b>18</b>				
		<b>ИТОГО:</b>	<b>144</b>	<b>30</b>	<b>30</b>		<b>66</b>

Очно-заочная форма обучения

№ п/п	Курс /семестр	Раздел, тема дисциплины	Общая трудоемкость (в часах)	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоемкость (в часах)			Сам. работа
				Всего 144	Аудиторные уч. занятия		
					Лек.	Пр.	
	<b>4/8</b>	<b>Раздел 1. Уравнения первого порядка, разрешенные относительно производной</b>	<b>36</b>	<b>8</b>	<b>4</b>		<b>24</b>
1.	4/8	Основные определения теории дифференциальных уравнений. Дифференциальные уравнения первого порядка. Задача Коши и краевые задачи	6	2			4
2.	4/8	Геометрическая интерпретация дифференциальных уравнений	4				4
3.	4/8	Уравнение с разделенными и разделяющимися переменными	8	2	2		4
4.	4/8	Однородное уравнение и простейшие уравнения, приводящееся к однородному	4				4
5.	4/8	Линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Уравнения, приводящиеся к линейным дифференциальным уравнениям первого порядка	8	2	2		4
6.	4/8	Уравнение в полных дифференциалах	6	2			4
	<b>4/8</b>	<b>Раздел 2. Уравнения первого порядка, не разрешенные относительно производной</b>	<b>16</b>	<b>2</b>	<b>2</b>		<b>12</b>
7.	4/8	Основные понятия и определения. Нахождение особых решений	4				4
8.	4/8	Частные случаи уравнений, не разрешенных относительно производной	6	2			4
9.	4/8	Уравнения Лагранжа и Клеро. Задача о траекториях	6		2		4
10.	<b>4/8</b>	<b>Раздел 3. Уравнения высших порядков</b>	<b>14</b>	<b>2</b>	<b>2</b>		<b>10</b>
11.	4/8	Основные понятия и определения. Интегрируемость в квадратурах	6				6
12.	4/8	Уравнения, допускающие понижения порядка. Уравнения, не содержащие искомой функции. Уравнения, не содержащие независимую переменную. Уравнение, левая часть которого есть точная производная	8	2	2		4
	<b>4/8</b>	<b>Раздел 4. Линейные уравнения высших порядков</b>	<b>42</b>	<b>6</b>	<b>10</b>		<b>26</b>
13.	4/8	Линейные уравнения n-го порядка. Общее решение линейного однородного уравнения.	6				6
14.	4/8	Линейные однородные уравнения с постоянными коэффициентами	8	2	2		4

15.	4/8	Линейные неоднородные уравнения с постоянными коэффициентами. Метод вариации произвольных постоянных	6		2		4
16.	4/8	Линейные неоднородные уравнения с постоянными коэффициентами с правой частью специального вида	8	2	2		4
17.	4/8	Решение задачи Коши для линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами	6		2		4
18.	4/8	Уравнения, приводящиеся к уравнениям с постоянными коэффициентами. Уравнение Эйлера	8	2	2		4
		<b>Контроль</b>	<b>36</b>				
<b>ИТОГО:</b>			<b>144</b>	<b>18</b>	<b>18</b>		<b>72</b>

Заочная форма обучения

№ п/п	Курс /семестр	Раздел, тема дисциплины	Общая трудоемкость (в часах)	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоемкость (в часах)				
				Всего 144	Аудиторные уч. занятия			Сам. работа
					Лек.	Пр.	Лаб.	
	<b>4/8</b>	<b>Раздел 1. Уравнения первого порядка, разрешенные относительно производной</b>	<b>48</b>	<b>2</b>	<b>2</b>		<b>44</b>	
1.	4/8	Основные определения теории дифференциальных уравнений. Дифференциальные уравнения первого порядка. Задача Коши и краевые задачи	8	2			6	
2.	4/8	Геометрическая интерпретация дифференциальных уравнений	8				8	
3.	4/8	Уравнение с разделенными и разделяющимися переменными	8		2		6	
4.	4/8	Однородное уравнение и простейшие уравнения, приводящиеся к однородному	8				8	
5.	4/8	Линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Уравнения, приводящиеся к линейным дифференциальным уравнениям первого порядка	8				8	
6.	4/8	Уравнение в полных дифференциалах	8				8	
	<b>4/8</b>	<b>Раздел 2. Уравнения первого порядка, не разрешенные относительно производной</b>	<b>20</b>	<b>2</b>			<b>18</b>	
7.	4/8	Основные понятия и определения. Нахождение особых решений	8	2			6	
8.	4/8	Частные случаи уравнений, не разрешенных относительно производной	6				6	
9.	4/8	Уравнения Лагранжа и Клеро. Задача о траекториях	6				6	

10.	4/8	<b>Раздел 3. Уравнения высших порядков</b>	<b>17</b>		<b>2</b>		<b>15</b>
11.	4/8	Основные понятия и определения. Интегрируемость в квадратурах	8				8
12.	4/8	Уравнения, допускающие понижения порядка. Уравнения, не содержащие искомой функции. Уравнения, не содержащие независимую переменную. Уравнение, левая часть которого есть точная производная	9		2		7
	4/8	<b>Раздел 4. Линейные уравнения высших порядков</b>	<b>50</b>	<b>2</b>	<b>2</b>		<b>46</b>
13.	4/8	Линейные уравнения n-го порядка. Общее решение линейного однородного уравнения.	8	2			6
14.	4/8	Линейные однородные уравнения с постоянными коэффициентами	9		2		7
15.	4/8	Линейные неоднородные уравнения с постоянными коэффициентами. Метод вариации произвольных постоянных	8				8
16.	4/8	Линейные неоднородные уравнения с постоянными коэффициентами с правой частью специального вида	9				9
17.	4/8	Решение задачи Коши для линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами	8				8
18.	4/8	Уравнения, приводящиеся к уравнениям с постоянными коэффициентами. Уравнение Эйлера	8				8
		<b>Контроль</b>	<b>9</b>				
<b>ИТОГО:</b>			<b>144</b>	<b>6</b>	<b>6</b>		<b>123</b>

#### **6. Основные формы учебной работы и образовательные технологии, используемые при реализации образовательной программы**

**Лекционные занятия.** Лекция является основной формой учебной работы в вузе, она является наиболее важным средством теоретической подготовки обучающихся. На лекциях рекомендуется деятельность обучающегося в форме активного слушания, т.е. предполагается возможность задавать вопросы на уточнение понимания темы и рекомендуется конспектирование основных положений лекции. Основная дидактическая цель лекции - обеспечение ориентировочной основы для дальнейшего усвоения учебного материала. Лекторами активно используются: лекция-диалог, лекция - визуализация, лекция - презентация. Лекция - беседа, или «диалог с аудиторией», представляет собой непосредственный контакт преподавателя с аудиторией. Ее преимущество состоит в том, что она позволяет привлекать внимание слушателей к наиболее важным вопросам темы, определять содержание и темп изложения учебного материала с учетом особенностей аудитории. Участие обучающихся в лекции – беседе обеспечивается вопросами к аудитории, которые могут быть как элементарными, так и проблемными.

Главной задачей каждой лекции является раскрытие сущности темы и анализ ее основных положений. Рекомендуется на первой лекции довести до внимания студентов структуру дисциплины и его разделы, а в дальнейшем указывать начало каждого раздела (модуля), суть и его задачи, а, закончив изложение, подводить итог по этому разделу, чтобы связать его со следующим. Содержание лекций определяется настоящей рабочей

программой дисциплины. Для эффективного проведения лекционного занятия рекомендуется соблюдать последовательность ее основных этапов:

1. формулировку темы лекции;
2. указание основных изучаемых разделов или вопросов и предполагаемых затрат времени на их изложение;
3. изложение вводной части;
4. изложение основной части лекции;
5. краткие выводы по каждому из вопросов;
6. заключение;
7. рекомендации литературных источников по излагаемым вопросам.

**Практические занятия.** Дисциплины, по которым планируются практические занятия, определяются учебными планами. Практические занятия относятся к основным видам учебных занятий и составляют важную часть теоретической и профессиональной практической подготовки. Выполнение студентом практических занятий направлено на:

- обобщение, систематизацию, углубление, закрепление полученных теоретических знаний по конкретным темам дисциплин математического и общего естественно-научного, общепрофессионального и профессионального циклов;
  - формирование умений применять полученные знания на практике, реализацию единства интеллектуальной и практической деятельности;
  - развитие интеллектуальных умений у будущих специалистов: аналитических, проектировочных, конструктивных и др.;
  - выработку при решении поставленных задач таких профессионально значимых качеств, как самостоятельность, ответственность, точность, творческая инициатива.
- Методические рекомендации разработаны с целью единого подхода к организации и проведению практических занятий.

Практическое занятие — это форма организации учебного процесса, направленная на выработку у студентов практических умений для изучения последующих дисциплин (модулей) и для решения профессиональных задач. Практическое занятие должно проводиться в учебных кабинетах или специально оборудованных помещениях. Необходимыми структурными элементами практического занятия, помимо самостоятельной деятельности студентов, являются анализ и оценка выполненных работ и степени овладения студентами запланированными умениями. Дидактические цели практических занятий: формирование умений (аналитических, проектировочных, конструктивных), необходимых для изучения последующих дисциплин (модулей) и для будущей профессиональной деятельности.

В процессе подготовки к практическим занятиям, обучающимся необходимо обратить особое внимание на самостоятельное изучение рекомендованной учебно-методической (а также научной и популярной) литературы. Самостоятельная работа с учебниками, учебными пособиями, научной, справочной и популярной литературой, материалами периодических изданий и Интернета, статистическими данными является наиболее эффективным методом получения знаний, позволяет значительно активизировать процесс овладения информацией, способствует более глубокому усвоению изучаемого материала, формирует у обучающихся свое отношение к конкретной проблеме. Более глубокому раскрытию вопросов способствует знакомство с дополнительной литературой, рекомендованной преподавателем по каждой теме семинарского или практического занятия, что позволяет обучающимся проявить свою индивидуальность в рамках выступления на данных занятиях, выявить широкий спектр мнений по изучаемой проблеме.

**Образовательные технологии.** При проведении учебных занятий по дисциплине используются традиционные и инновационные, в том числе информационные образовательные технологии, включая при необходимости применение активных и интерактивных методов обучения.

Традиционные образовательные технологии реализуются, преимущественно, в процессе лекционных и практических занятий. Инновационные образовательные технологии используются в процессе аудиторных занятий и самостоятельной работы студентов в виде применения активных и интерактивных методов обучения. Информационные образовательные технологии реализуются в процессе использования электронно-библиотечных систем, электронных образовательных ресурсов и элементов электронного обучения в электронной информационно-образовательной среде для активизации учебного процесса и самостоятельной работы студентов.

Практические занятия могут проводиться в форме групповой дискуссии, «мозговой атаки», разборка кейсов, решения практических задач, публичная презентация проекта и др. Прежде, чем дать группе информацию, важно подготовить участников, активизировать их ментальные процессы, включить их внимание, развивать кооперацию и сотрудничество при принятии решений.

## **7. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)**

### **7.1. Индикаторы оценивания сформированности компетенций**

<b>Компетенции</b>	<b>Зачтено</b>			<b>Не зачтено</b>
	Высокий уровень (отлично) (86-100% баллов)	Средний уровень (хорошо) (71-85% баллов)	Низкий уровень (удовлетворительно) (56-70% баллов)	Ниже порогового уровня (неудовлетворительно) (до 55 % баллов)
ПК-1: Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач	ПК-1.1. Знает в полном объеме структуру, состав и дидактические единицы предметной области	ПК-1.1. Знает структуру, состав и дидактические единицы предметной области	ПК-1.1. Знает основную структуру, состав и дидактические единицы предметной области	ПК-1.1. Знает фрагментарно структуру, состав и дидактические единицы предметной области
	ПК-1.2. Умеет в полном объеме осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС ОО	ПК-1.2. Умеет осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС ОО	ПК-1.2. Не достаточно умеет осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС ОО	ПК-1.2. Не умеет осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС ОО
	ПК-1.3. Демонстрирует умение разрабатывать различные формы учебных занятий, применять методы, приемы и технологии обучения, в том числе информационные	ПК-1.3. Демонстрирует умение разрабатывать различные формы учебных занятий, применять методы, приемы и технологии обучения	ПК-1.3. Демонстрирует умение разрабатывать различные формы учебных занятий	ПК-1.3. Фрагментарно демонстрирует умение разрабатывать различные формы учебных занятий, применять методы, приемы и технологии обучения

ПК-3: Способен формировать развивающую образовательную среду для достижения личностных, предметных и метапредметных результатов обучения средствами преподаваемых учебных предметов	ПК-3.1. Полностью знает способы интеграции учебных предметов для организации развивающей учебной деятельности (исследовательской, проектной, групповой и др.)	ПК-3.1. Знает способы интеграции учебных предметов для организации развивающей учебной деятельности (исследовательской, проектной, групповой и др.)	ПК-3.1. Знает основные способы интеграции учебных предметов для организации развивающей учебной деятельности (исследовательской, проектной, групповой и др.)	ПК-3.1. Знает фрагментарно способы интеграции учебных предметов для организации развивающей учебной деятельности (исследовательской, проектной, групповой и др.)
	ПК-3.2. В полном объеме использует образовательный потенциал социокультурной среды региона в преподавании (предмета по профилю) в учебной и во внеурочной деятельности	ПК-3.2. Использует образовательный потенциал социокультурной среды региона в преподавании (предмета по профилю) в учебной и во внеурочной деятельности	ПК-3.2. Использует образовательный потенциал социокультурной среды региона в преподавании (предмета по профилю) в учебной и во внеурочной деятельности	ПК-3.2. Не умеет использовать образовательный потенциал социокультурной среды региона в преподавании (предмета по профилю) в учебной и во внеурочной деятельности
	ПК-3.3. Владеет способами интеграции учебных предметов для организации развивающей учебной деятельности (исследовательской, проектной, групповой и др.)	ПК-3.3. Владеет способами интеграции учебных предметов для организации развивающей учебной деятельности (исследовательской, проектной, групповой и др.)	ПК-3.3. Не достаточно владеет способами интеграции учебных предметов для организации развивающей учебной деятельности (исследовательской, проектной, групповой и др.)	ПК-3.3. Не владеет способами интеграции учебных предметов для организации развивающей учебной деятельности (исследовательской, проектной, групповой и др.)

## **7.2. Перевод балльно-рейтинговых показателей оценки качества подготовки обучающихся в отметки традиционной системы оценивания**

Порядок функционирования внутренней системы оценки качества подготовки обучающихся и перевод балльно-рейтинговых показателей обучающихся в отметки традиционной системы оценивания проводится в соответствии с положением КЧГУ «Положение о балльно-рейтинговой системе оценки знаний обучающихся», размещенным на сайте Университета по адресу: <https://kchgu.ru/inye-lokalnye-akty/>

## **7.3. Типовые контрольные вопросы и задания, необходимые для оценивания сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины**

### **7.3.1. Примерные вопросы к итоговой аттестации (экзамен)**

1. Основные понятия теории дифференциальных уравнений.
2. Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям.
3. Дифференциальные уравнения первого порядка.
4. Понятие о краевой задаче и задача Коши.
5. Геометрическая интерпретация дифференциальных уравнений первого порядка.
6. Уравнения с разделенными переменными.
7. Уравнения с разделяющимися переменными.
8. Однородные дифференциальные уравнения.

9. Дифференциальные уравнения, приводимые к однородным.
10. Линейные дифференциальные уравнения I-го порядка. Метод вариации произвольной постоянной.
11. Линейные дифференциальные уравнения I-го порядка. Метод подстановки.
12. Уравнения, приводящиеся к линейным дифференциальным уравнениям
13. Уравнение в полных дифференциалах.
14. Интегрирующий множитель. Случай  $\mu = \mu(x)$ .
15. Интегрирующий множитель. Случай  $\mu = \mu(y)$ .
16. Уравнения не разрешенные относительно производной. Уравнение вида  $F(y') = 0$ .
17. Уравнения не разрешенные относительно производной. Уравнение вида  $F(x, y') = 0$ .
18. Уравнения не разрешенные относительно производной. Уравнение вида  $F(y, y') = 0$ .
19. Уравнение Лагранжа.
20. Уравнение Клеро.
21. Дифференциальные уравнения высших порядков. Основные понятия.
22. Уравнения допускающие понижения порядка. Уравнение вида  $y^n = f(x)$ .
23. Уравнения допускающие понижения порядка. Уравнение вида  $y'' = f(x, y')$ .
24. Уравнения допускающие понижения порядка. Уравнение вида  $y'' = f(y, y')$ .
25. Линейные дифференциальные уравнения высших порядков.
26. Общее решение линейного однородного уравнения n-го порядка
27. Линейные однородные уравнения II-го порядка с постоянными коэффициентами. Корни характеристического уравнения действительны и различны.
28. Линейные однородные уравнения II-го порядка с постоянными коэффициентами. Корни характеристического уравнения комплексные.
29. Линейные однородные уравнения II-го порядка с постоянными коэффициентами. Корни характеристического уравнения совпадают.
30. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения. Метод вариации произвольных постоянных
31. Линейные неоднородные уравнения 2-го порядка с постоянными коэффициентами.
32. Интегрирование ЛНДУ второго порядка с постоянными коэффициентами и правой частью специального вида.
33. Уравнение Эйлера

### **7.3.2. Тестовый материал для диагностики индикаторов оценивания сформированности компетенций**

## **8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины. Информационное обеспечение образовательного процесса**

### **8.1. Основная литература:**

1. Жукова, Г. С. Дифференциальные уравнения в примерах и задачах: учебное пособие / Г. С. Жукова. - Москва: ИНФРА-М, 2021. - 348 с. - (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-015971-3. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1072182> – Режим доступа: по подписке. – Текст: электронный
2. Осадчий, Ю. М. Дифференциальные уравнения: учебное пособие / Ю.М. Осадчий. - Москва: ИНФРА-М, 2019. - 157 с. - ISBN 978-5-16-107965-2. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1039633> – Режим доступа: по подписке. – Текст: электронный

## 8.2. Дополнительная литература:

1. Ледовская, Е. В. Решение дифференциальных уравнений I порядка и некоторых видов дифференциальных уравнений старшего порядка : методические указания к типовому расчету / Е. В. Ледовская, Н. Б. Махова. - Москва: МГАВТ, 2007. - URL:<https://znanium.com/catalog/product/401063> – Режим доступа: по подписке. – Текст: электронный.

2. Литвин, Д. Б. Обыкновенные дифференциальные уравнения и системы: учебное пособие / Д. Б. Литвин, С. В. Мелешко, И. И. Мамаев. - Ставрополь: Сервисшкола, 2017. - 76 с. - ISBN. - URL:<https://znanium.com/catalog/product/976476> – Режим доступа: по подписке – Текст: электронный.

3. Осадчий, Ю. М. Дифференциальные уравнения: учебное пособие / Ю. М. Осадчий. - Москва: ИНФРА-М, 2019. - 157 с. - ISBN 978-5-16-107965-2. - URL:<https://znanium.com/catalog/product/1039633> – Режим доступа: по подписке. – Текст: электронный.

4. Пантелеев, А. В. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Практикум: Учебное пособие / А. В. Пантелеев, А. С. Якимова, К. А. Рыбаков. - Москва : ИНФРА-М, 2019. - 432 с. (Высшее образование: Бакалавриат) ISBN 978-5-16-011973-1. - URL:<https://znanium.com/catalog/product/1010761> – Режим доступа: по подписке. – Текст: электронный.

## 9. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля)

### 9.1. Общесистемные требования

#### Электронная информационно-образовательная среда ФГБОУ ВО «КЧГУ»

Каждый обучающийся в течение всего периода обучения обеспечен индивидуальным неограниченным доступом к электронной информационно-образовательной среде (ЭИОС) Университета из любой точки, в которой имеется доступ к информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», как на территории Университета, так и вне ее.

Функционирование ЭИОС обеспечивается соответствующими средствами информационно-коммуникационных технологий и квалификацией работников, ее использующих и поддерживающих. Функционирование ЭИОС соответствует законодательству Российской Федерации.

Адрес официального сайта университета: <http://kchgu.ru>.

Адрес размещения ЭИОС ФГБОУ ВО «КЧГУ»: <https://do.kchgu.ru>.

#### Электронно-библиотечные системы (электронные библиотеки)

Учебный год	Наименование документа с указанием реквизитов	Срок действия документа
2025-2026 учебный год	Электронно-библиотечная система ООО «Знаниум». Договор № 249 эбс от 14.05.2025 г. Электронный адрес: <a href="https://znanium.com">https://znanium.com</a>	от 14.05.2025г. до 14.05.2026г.
2025-2026 учебный год	Электронно-библиотечная система «Лань». Договор № 10 от 11.02.2025 г. Электронный адрес: <a href="https://e.lanbook.com">https://e.lanbook.com</a>	от 11.02.2025г. до 11.02.2026г.
2025-2026 учебный год	Электронно-библиотечная система КЧГУ. Положение об ЭБ утверждено Ученым советом от 30.09.2015г. Протокол № 1. Электронный адрес: <a href="http://lib.kchgu.ru">http://lib.kchgu.ru</a>	Бессрочный

2025-2026 учебный год	Национальная электронная библиотека (НЭБ). Договор №101/НЭБ/1391-п от 22.02.2023 г. Электронный адрес: <a href="http://rusneb.ru">http://rusneb.ru</a>	Бессрочный
2025-2026 учебный год	Научная электронная библиотека «ELIBRARY.RU». Лицензионное соглашение №15646 от 21.10.2016 г. Электронный адрес: <a href="http://elibrary.ru">http://elibrary.ru</a>	Бессрочный
2025-2026 учебный год	Электронный ресурс Polpred.com Обзор СМИ. Соглашение. Бесплатно. Электронный адрес: <a href="http://polpred.com">http://polpred.com</a>	Бессрочный

## **9.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины**

Занятия проводятся в учебных аудиториях, предназначенных для проведения занятий лекционного и практического типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации в соответствии с расписанием занятий по образовательной программе. С описанием оснащённости аудиторий можно ознакомиться на сайте университета, в разделе материально-технического обеспечения и оснащённости образовательного процесса по адресу: <https://kchgu.ru/sveden/objects/>

## **9.3. Необходимый комплект лицензионного программного обеспечения**

- Microsoft Windows (Лицензия № 60290784), бессрочная
- Microsoft Office (Лицензия № 60127446), бессрочная
- ABBY FineReader (лицензия № FCRP-1100-1002-3937), бессрочная
- Calculate Linux (внесён в ЕРПИ Приказом Минкомсвязи №665 от 30.11.2018-2020), бессрочная
- Google G Suite for Education (IC: 01i1p5u8), бессрочная
- Kaspersky Endpoint Security (Лицензия № 280E-210210-093403-420-2061), с 25.01.2023 г. по 03.03.2025 г.
- Kaspersky Endpoint Security. Договор №0379400000325000001/1 от 28.02.2025г. Срок действия лицензии с 27.02.2025г. по 07.03.2027г.
- 

## **9.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы**

1. Федеральный портал «Российское образование»- <https://edu.ru/documents/>
2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru/>
3. Базы данных Scopus издательства Elsevier <http://www.scopus.com/search/form.uri?display=basic>.
4. Портал Федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования - <http://fgosvo.ru>.
5. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов (ФЦИОР) – <http://edu.ru>.
6. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru>.
7. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» (ИС «Единое окно») – <http://window.edu.ru>.

## **10. Особенности организации образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья**

В ФГБОУ ВО «Карачаево-Черкесский государственный университет имени У.Д. Алиева» созданы условия для получения высшего образования по образовательным программам обучающихся с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ).

Специальные условия для получения образования по ОПВО обучающимися с ограниченными возможностями здоровья определены «[Положением об обучении лиц с ОВЗ в КЧГУ](#)», размещенным на сайте Университета по адресу: <http://kchgu.ru>.

## 11. Лист регистрации изменений

В рабочей программе внесены следующие изменения:

<b>Изменение</b>	<b>Дата и номер протокола ученого совета факультета/ института, на котором были рассмотрены вопросы о необходимости внесения изменений в ОПВО</b>	<b>Дата и номер протокола ученого совета Университета, на котором были утверждены изменения в ОПВО</b>
Переутверждена ОПВО. Обновлены: учебный план, календарный учебный график, РПД, РПП, программы ГИА, воспитания, календарный план воспитательной работы. Обновлены договоры: 1. На антивирус Касперского. (Договор №56/2023 от 25 января 2023г.). Действует до 03.03.2025г. 2. На антивирус Касперского. (Договор № 0379400000325000001/1 от 28.02.2025г. Действует по 07.03.2027г. 3. Договор № 10 от 11.02.2025г. эбс «Лань». Действует по 11.02.2026г. 4. Договор № 238 эбс ООО «Знаниум» от 23.04.2024г. Действует до 11 мая 2025г. Договор № 249-эбс ООО «Знаниум» от 14.05.2025г. Действует до 14.05.2026г.	29.04.2025г., протокол № 8	30.04.2025г., протокол № 8